

13 ശ്രേଣി

කාලය : පැය 3

ဥပဓိ ၈-

A කොටස (ප්‍රශ්න 1 – 10) සහ **B කොටස** (ප්‍රශ්න 11- 17)

සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම් ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකිය.

ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. මේ සඳහා කඩදාසි පාවිච්චි කරන්න. නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු “A” සහ “B” කොටස් එක් පිළිතුරු පත්‍රයක් වන සේ “A” කොටස උඩින් තිබෙන පරිදි අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.

පරීක්ෂකගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි

(10) සංයුක්ත ගණිතය I		
කොටස	ප්‍රශ්න අංක	ලැබූ ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
එකතුව		

එකතුව

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සිංහේන දිංඤ

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ	1
	2
අධීක්ෂණය කළේ	

A කොටස

. සියලුම ප්‍රශ්න සඳහා පිළිතුරු සපයන්න.

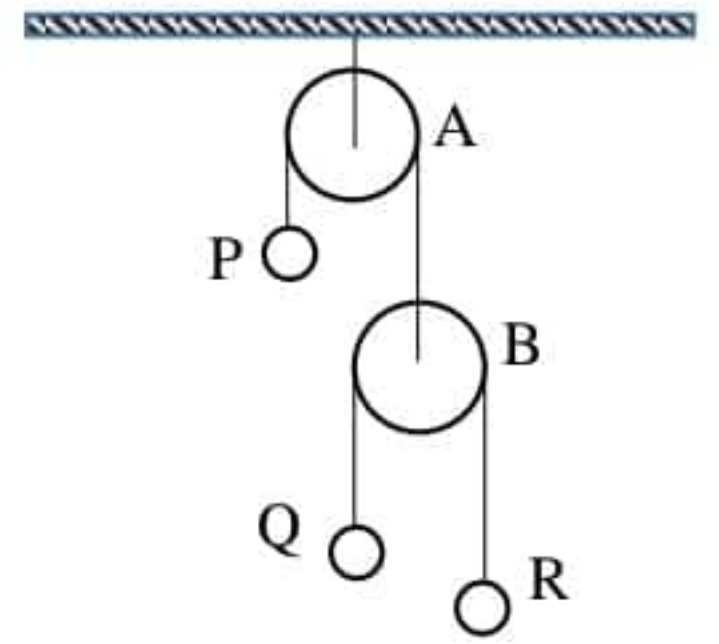
(01) එක එකෙහි ස්කන්ධය m වූ A හා B අංශු දෙකක් සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත එකම සරල රේඛාවේ, එහෙත් ප්‍රතිවිරුද්ධ දිශාවලට චලනය වෙමින් සරල ලෙස ගැටේ. ගැටුමට මොහොතට පෙර A හා B හි ප්‍රවේග පිළිවෙළත් $3u$ හා $4u$ වේ. A හා B අතර ප්‍රත්‍යාගති සංගුණකය e නම් ගැටුමෙන් පසු අංශුවල ප්‍රවේග සොයන්න. $e > \frac{1}{7}$ නම් ගැටුමෙන් පසු B හි චලිත දිශාව ප්‍රතිවිරුද්ධ වන බව පෙන්වන්න.

2 A/L နှစ် [papers group

(02) තිරසර 30° ක් ආනතව තිරස් පොළොව මත පිහිටි O ලක්ෂ්‍යයක සිට ප්‍රක්ෂේපණය කරන ලද අංශුවක එහි පර්යේෂණ ලක්ෂ්‍යයේදී ප්‍රවේගය $\frac{3\sqrt{3}u}{2}$ වේ. උපරිම උස ලබාගැනීමට ගත වූ කාලය $\frac{3u}{2g}$ බවද තිරස් පරාසය $\frac{9\sqrt{3}u}{2g}$ බවද පෙන්වන්න.

[illegible]

(03) සුමට අවල A කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවක එක් කෙළවරකට ස්කන්ධය $3m$ වූ P අංශුවක් අමුණා ඇති අතර අනෙක් කෙළවරට ස්කන්ධය m වූ B සවල කප්පියක් ඇදා ඇත. සවල B කප්පිය මතින් යන සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවක දෙකෙළවරට ස්කන්ධ පිළිවෙලින් m හා $2m$ වූ Q හා R අංශු ඇදා ඇත. පද්ධතිය නිසලතාවයෙන් මුදා හල විට P, B හා BQR පද්ධතියට චලිත සමීකරණ ලියා දක්වන්න.

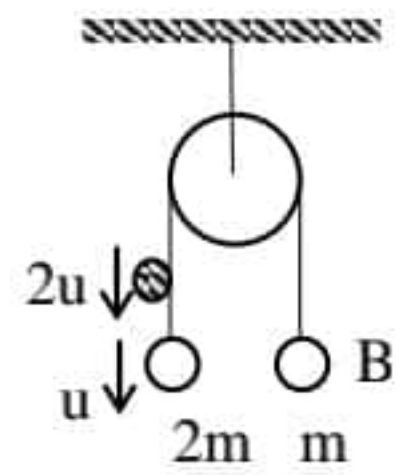


2 A/L နှစ် [papers group

(04) 3000kg ස්කන්ධයක් ඇති රථයක් 10kw උපරිම ජවයෙන් ක්‍රියා කරයි. නිරසට ආනතිය $\sin^{-1} \frac{1}{50}$ වූ ආනත තලයක් දිගේ ඉහළට රථය 8ms^{-1} වේගයෙන් ගමන් කරයි. ගුරුත්ව බලය හැර වලිනය සඳහා ප්‍රතිරෝධය 150N කි. මෙම වේගයේදී රථයට ලබාගත හැකි උපරිම ත්වරණය සොයන්න.

[illegible]

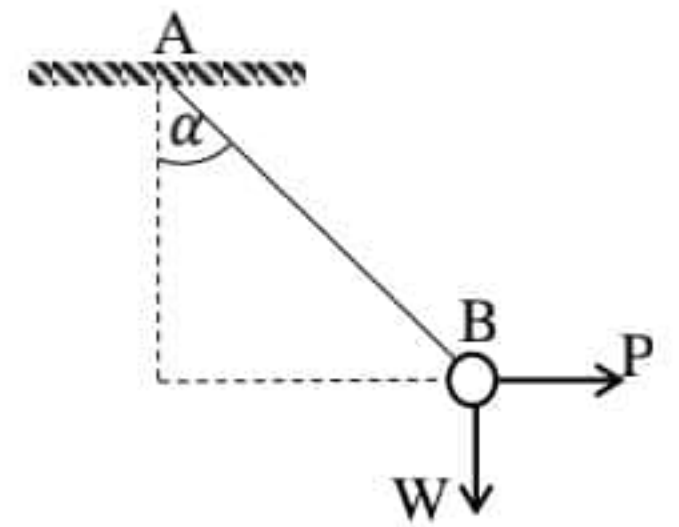
(05) ස්කන්ධ පිළිවෙළින් $2m$ හා m වූ A හා B අංශු දෙකක්, අවල සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිතන්‍ය තන්තුවක දෙකෙළවරට ඇඳා නිදහසේ චලනය වෙයි. පද්ධතිය u ප්‍රවේගයෙන් චලනය වන විට A ට සිරස්ව ඉහළින් මුදා හරින ලද ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් $2u$ ප්‍රවේගයෙන් චලනය වී A අංශුව හා ගැටී හා වේ. ගැටුම සිදුවන මොහොතේ තන්තුවේ ආවේගය ද, ගැටුමෙන් මොහොතකට පසු B හි ප්‍රවේගයද සොයන්න



22 A/L අපි [papers group]

(06) $\underline{a} = \alpha \underline{i} + (\alpha - 1)\underline{j}$ හා $\underline{b} = (\beta - 1)\underline{i} + \beta \underline{j}$ යැයි ගනිමු. $\underline{a}$ දෛශිකය $4\underline{i} + 3\underline{j}$ දෛශිකයට සමාන්තර වන අතර $\underline{a}$ හා $\underline{b}$ එකිනෙකට ලම්භක වේ. α හා β හි අගය සොයන්න.

(07) එක් කෙළවරක් සිලිමේ ලක්ෂයකට සම්බන්ධ කර ඇති සැහැල්ලු අවිනන්ත තන්තුවක් අනෙක් කෙළවරට බර w වූ අංශුවක් සම්බන්ධ කර, අංශුවට P තිරස් බලයක් යෙදූ විට, රූපයේ පරිදි තන්තුව සිරසට α කෝණයක් ආනතව සමතුලිතව පිහිටයි. තන්තුවේ ආතතියත්, P හි අගයත් සොයන්න.



.....

.....

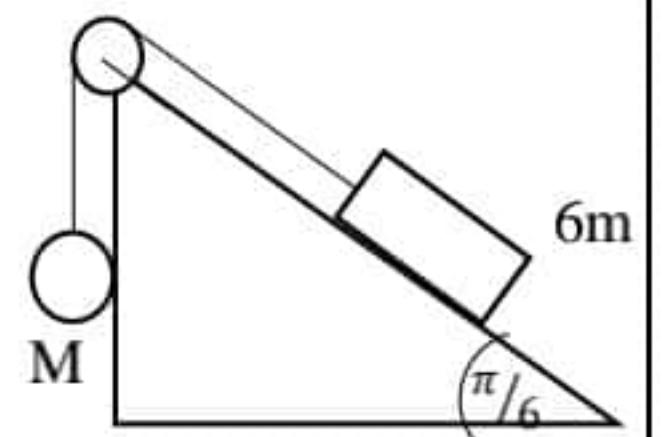
.....

.....

.....

22 A/L နှစ် [papers group]

(08) තිරසර $\frac{\pi}{6}$ ආනත රළු ආනත තලයක ඉහළ කෙළවර ඇති සුමට කප්පියක් මතින් යන සැහැල්ලු අවිනාශ තන්තුවක දෙකෙළවරට ස්කන්ධය M හා $6m$ වූ අංශු දෙකක් ගැට ගසා රූප සටහනේ පරිදි තබා ඇත. පද්ධතිය සීමාකාරී සමතුලිතතාවයේ ඇත්නම් හා සර්ඡණ සංගුණකය $\frac{1}{2\sqrt{3}}$ නම් $3m < 2M < 9m$ වන බව පෙන්වන්න.



This image shows a full page of white paper with horizontal dashed lines, typical of primary school writing paper. The lines are evenly spaced and run across the width of the page. There are no margins, text, or other markings on the paper.

Rathnavali Balika Vidyalaya - Gampaha, Rathnavali Balika Vidyalaya - Gampaha, Rathnavali Balika Vidyalaya - Gampaha, Rathnavali Balika Vidyalaya - Gampaha,

B කොටස

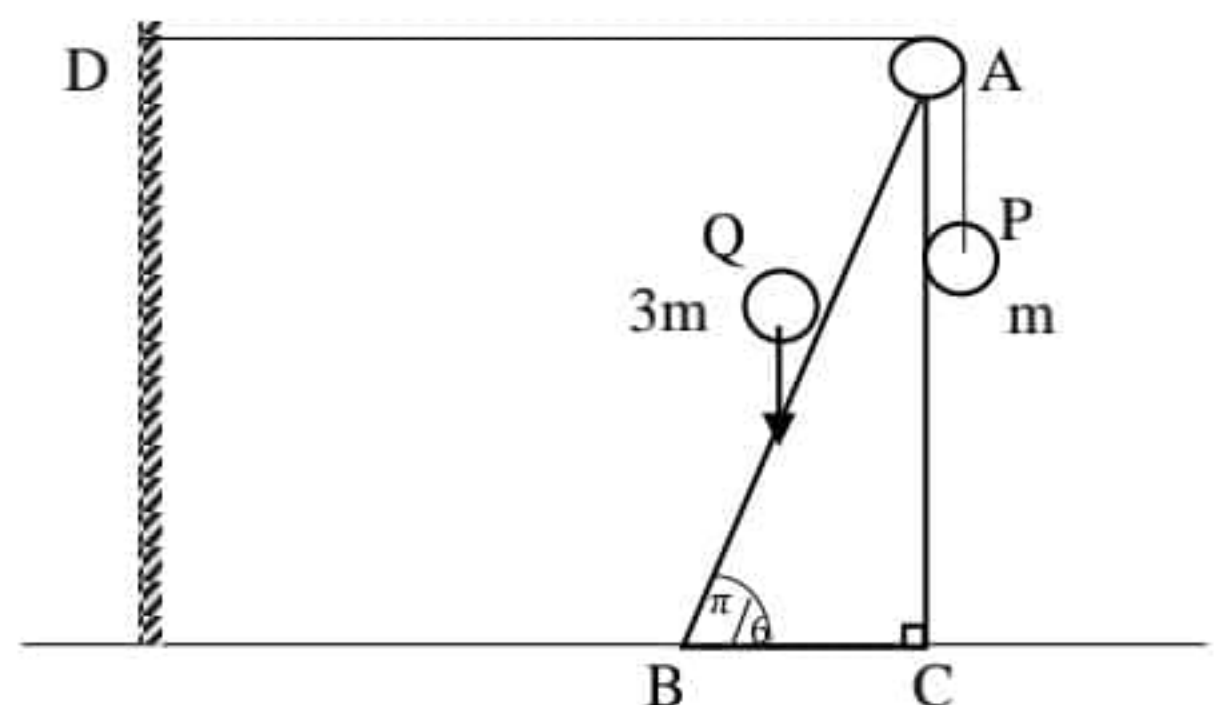
(11) a. A හා B යනු සෘජු මාර්ගයක එකිනෙක $6a$ දුරින් වූ ලක්ෂ්‍ය දෙකකි. A සිට B දෙසට නිශ්චලතාවයෙන් ගමන් කරන P මෝටර් රථයක් නියත f ත්වරණයෙන් T කාලයක් වලින වී එහි උපරිම වේගය අත්කර ගනී. එම වේගයෙන් T කාලයක් ගමන් කර අනතුරුව නියත මන්දනයකින් වලින වී B හිදී නිශ්චලතාවයට පත්වේ. P මෝටර් රථය ගමන් කරන T කාලයකට පසු Q නම් තවත් මෝටර් රථයක් v වේගයෙන් B පසු කරමින් A දෙසට නියත f ඒකාකාර මන්දනයකින් ගමන් කර A හිදී නිසලතාවයට පත්වේ. P හා Q එක විට නිසල වේ නම් වලින සඳහා ප්‍රවේග-කාල වක්‍ර එකම සටහනක ඇඳ.

එනයිත්, $v = \frac{12a}{T} - 2fT$ බව පෙන්වන්න.

තවද, P මෝටර් රථය මන්දනය කිරීම අරඹන විටම Q හමුවේ නම් $T = \sqrt{\frac{6a}{f}}$ බවද පෙන්වන්න.

b. A හා B යනු එකිනෙකට $3d \text{ km}$ දුරින් වූ හා A ට නැගෙනහිරින් B පිහිටන පරිදි වූ ගුවන්තොටුපොල දෙකකි. සුළඟක් නොමැති විට ගුවන් යානයක් A සිට B කරා AB ඔස්සේ $u \text{ kmh}^{-1}$ වේගයෙන් පියාසර කිරීමට පටන් ගනී. එය $d \text{ km}$ දුරක් ගමන් කළ පසු එක්වරම නිරිත දිශාවේ සිට $v \text{ kmh}^{-1} (> u)$ වේගයෙන් හමා එන සුළඟකට අසුවේ. සුළඟට ගසාගෙන යාම නිසා ගුවන් යානයට B ගුවන් තොටුපොලට යාමට නොහැකි වන බව පෙන්වන්න. එයට යා හැකි B ට උතුරින් පිහිටි ආසන්නතම ස්ථානය C නම් BC දුර සොයන්න. ගුවන් යානයට C වෙත යාමට ගතවන මුළු කාලයද සොයන්න.

(12) a. රූපයේ දැක්වෙන්නේ $AB = 6a$ වන , BC අඩංගු මුහුණත සුමට තිරස් ගෙඩිමක් මත තබන ලද ස්කන්ධය $5m$ වන සුමට ඒකාකාර කුඤ්ඤයක සිරස් හරස්කඩ වේ. AB යනු උපරිම බෑවුම් රේඛාව වේ. AC සිරස් වන අතර , D යනු AD තිරස් වන පරිදි ABC කුඤ්ඤයෙහි B ලක්ෂ්‍යයෙහි සිට $2a$ දුරකින් වූ සිරස් බිත්තිය මත වූ අවල ලක්ෂ්‍යයකි. A හි සවිකර ඇති කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් යන දිග $7a$ වූ සැහැල්ලු අවිනන්‍ය තන්තුවක එක් කෙළවරක් ස්කන්ධය m වූ P අංශුවකට ඇදා ඇති අතර අනෙක් කෙළවර බිත්තිය මත වූ අවල D ලක්ෂ්‍යයකට සවිකර



ඇත. ස්කන්ධය $3m$ වූ Q අංශුවක් AB මත තබා ඇත. රූපයේ දැක්වෙන පරිදි $AP = AQ = 2a$ ලෙස ඇතිව පද්ධතිය නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. කුඤ්ඤය බිත්තිය මත ගැටෙන මොහොතේදී කුඤ්ඤයට සාපේක්ෂව Q හි ප්‍රවේගය නිර්ණය කිරීමට ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලබා ගන්න.

b. P අංශුවක් a දිගැති ලුහු අවිතනය තත්ත්වයක් ඇසුරෙන් O අවල ලක්ෂ්‍යයකට සබැඳ තිබේ. O ට සිරස් ලෙස ඉහළින් a උසකදී P අල්ලා තබාගෙන එය තිරස් දිශාවක් ඔස්සේ u ප්‍රවේගයකින් ප්‍රක්ෂේපණය කරනු ලැබේ.

i. $u^2 > ag$ නම්, P අංශුව සම්පූර්ණයෙන් වෘත්තය ගෙවන බව පෙන්වන්න.

ii. $u^2 < ag$ නම්, P අංශුව $\sqrt{\frac{u^2+ag}{3}}$ ආරම්භක ප්‍රවේගයකින් ප්‍රක්ෂේපණයක් ලෙස වෘත්තාකාර මාර්ගය හැර යන බවත් පෙන්වන්න.

(13) ස්වභාවික දිග l වූ සැහැල්ලු ප්‍රස්ථාස්ථ තත්ත්වයක එක් කෙළවරකට ස්කන්ධය m වූ P නම් නම් අංශුවක් ඇඳා ඇත. තත්ත්වයෙහි අනෙක් කෙළවර O නම් ලක්ෂ්‍යයකට ඇඳ ඇත. P අංශුව A ලක්ෂ්‍යයේ සමතුලිතතාවයෙන් එල්ලෙන විට තත්ත්වයේ විතනිය l වේ. තත්ත්වයේ ප්‍රත්‍යස්ථතා මාපාංකය mg බව පෙන්වන්න.

දැන් අංශුව A හි තබා $3\sqrt{gl}$ ප්‍රවේගයෙන් සිරස්ව පහලට ප්‍රක්ෂේප කරනු ලබයි. A සිට l දුරක් පහළින් වූ B හිදී P හි ප්‍රවේගය සොයන්න.

තත්ත්වයේ දිග $2l + x$ වන විට P අංශුව සඳහා සමීකරණය ලියා දක්වා සුපුරුදු අංකනයෙන් $\ddot{x} + \frac{g}{l}x = 0$ බව පෙන්වන්න.

$c (> 0)$ නියතයක් වන විට $\dot{x}^2 = \frac{g}{l}(c^2 - x^2)$ මගින් දෙනු ලැබේ යැයි උපකල්පනය කරමින් c හි අගය සොයන්න. තවද අංශුව B දක්වා ගමන් කිරීමට ගතවන කාලය ද සොයන්න.

අංශුව B ලක්ෂ්‍යයට එළඹෙන විටම තවත් ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් P ට සිරුවෙන් අමුණනු ලැබේ. තත්ත්වයේ මුළු දිග $2l + y$ වන විට සංයුක්ත අංශුවේ චලිත සමීකරණය $\ddot{y} + \frac{g}{2l}(y - l) = 0$ බව පෙන්වන්න. පහලට ගමන් කිරීමෙන් අනතුරුව නැවත P අංශුව A කරා එළඹීමට ගතවන කාලය සොයන්න,

22 A/L අපි [papers group]

(14) a. $OABC$ යනු සමාන්තරාස්‍රයක් යැයිද, D යනු AC මත $AD:DC = 2:3$ යන පරිදි වූ ලක්ෂ්‍යයක් යැයිද ගනිමු. O අනුබද්ධයෙන් A හා B ලක්ෂ්‍යයවල පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $\lambda \underline{a}$ හා $\underline{b}$ වේ. මෙහි $\lambda > 0$ වේ. $\overrightarrow{OC}$ හා $\overrightarrow{BD}$ දෛශික $\underline{a}, \underline{b}$ හා λ ඇසුරින් ප්‍රකාශ කරන්න.

දැන් $\overrightarrow{OC}$ යන්න $\overrightarrow{BD}$ ට ලම්භ වේ යැයි ගනිමු. $5|\underline{a}|^2\lambda^2 + 3(\underline{a}, \underline{b})\lambda - 2|\underline{b}|^2 = 0$ බව පෙන්වා, $|\underline{a}| = |\underline{b}|$ හා $\angle AOB = \frac{\pi}{3}$ නම් λ හි අගය සොයන්න.

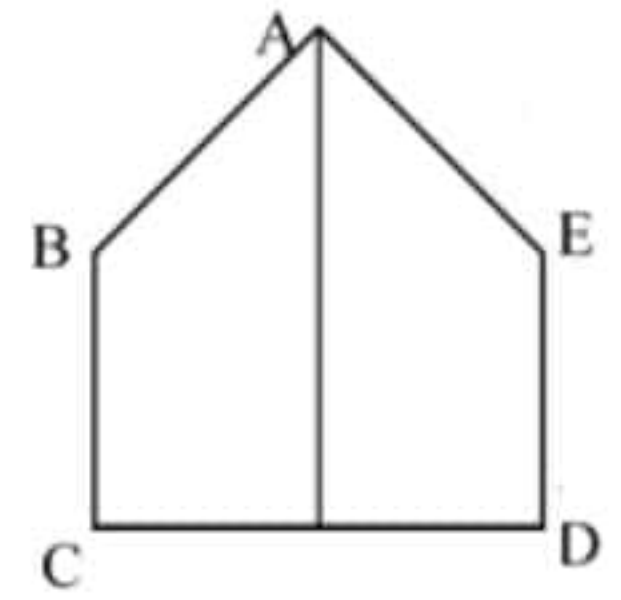
b. ABC යනු පාදයක දිග $2a$ වූ සමපාද ත්‍රිකෝණයකි. පිළිවෙළින් AB, BC හා AC පාදවල මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය D, E හා F වේ. විශාලත්ව $PN, QN, 2\sqrt{3}N, 3\sqrt{3}N$ හා $6N$ වූ බල පිළිවෙළින් AB, CB, BF, DC හා AC දිගේ අක්ෂර අනුපිළිවෙළින් දැක්වෙන දිශාවලට ක්‍රියා කරයි. සම්ප්‍රයුක්ත බලයේ විශාලත්වය $10\sqrt{3}N$ ද එහි දිශාව AE ට සමාන්තර A සිට E අතට වූ දිශාව බවට දී ඇත. P හා Q හි අගයන් සොයන්න.

සම්ප්‍රයුක්ත බලයේ ක්‍රියා රේඛාව AB පාදය හමුවන ලක්ෂ්‍යයට A සිට දුරද සොයන්න.

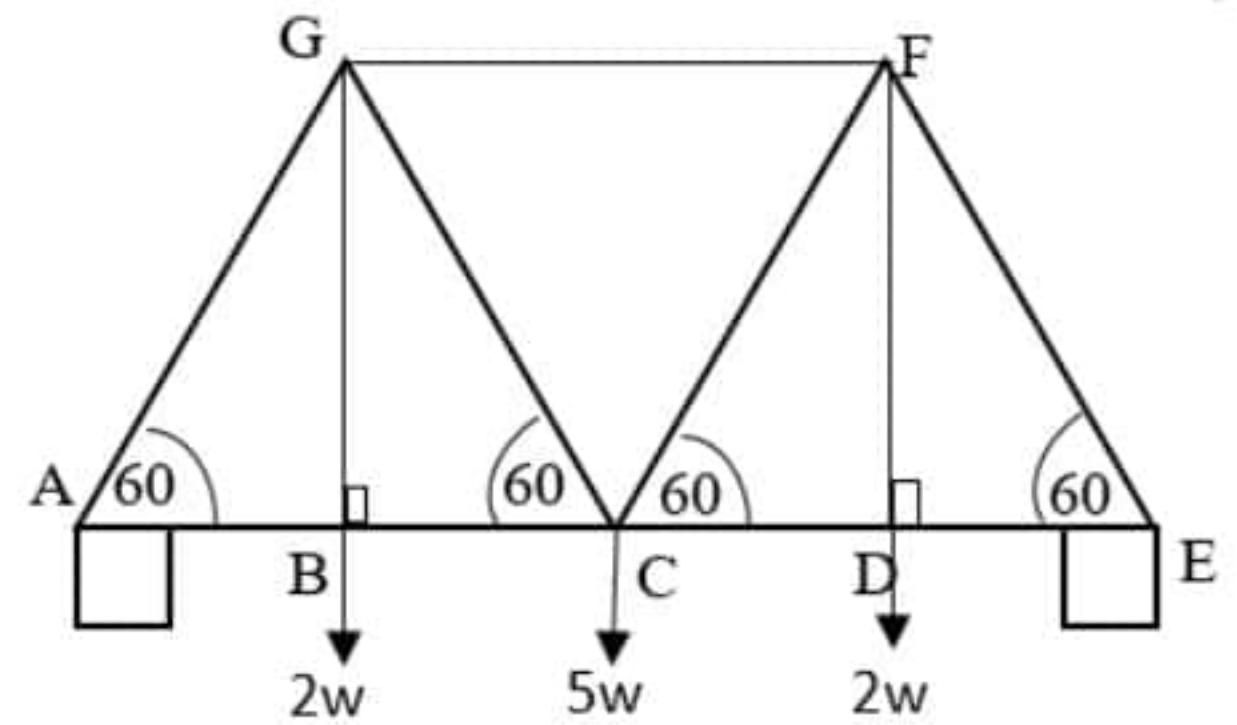
දැන් සම්ප්‍රයුක්ත බලය A හරහා යන පරිදි සූර්ණය $M \text{ nm}$ වූ යුග්මයක් පද්ධතියට එකතු කරනු ලැබේ. M හි විශාලත්වය හා දිශාව සොයන්න.

(15) a. රූපසටහනේ දක්වා ඇත්තේ තුනී ඒකාකාර දඬු පහකින් සැදි $ABCDE$

පංචාස්‍රාකාර රාමු සැකිල්ලකි. පද්ධතිය A ලක්ෂ්‍යයෙන් එල්ලා සිරස් තලයක රූප සටහනේ පරිදි සමතුලිතව පවතිනුයේ A හා CD දණ්ඩේ මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය යා කරන දිග $(1 + \sqrt{3})l$ වූ සැහැල්ලු දණ්ඩක් මගිනි. $AB = AE = 2\sqrt{3}l, BC = DE = l, CD = 2l$ වේ. දඬුවල බර එහි දිගට සමානුපාතික වන බවද BC දණ්ඩේ බර w යැයිද සලකා B හා C සන්ධිවල ප්‍රතික්‍රියා සොයන්න. සැහැල්ලු දණ්ඩේ ආතතිය $(3 + \sqrt{3})w$ බවද පෙන්වන්න.



b. රූප සටහනේ දක්වා ඇති සැහැල්ලු දඬු 11 කින් සමන්විත රාමු සැකිල්ල A හා E හිදී සුමට ආධාරක 2 ක් මත තබා ඇති අතර B, C හා D හිදී $2w, 5w$ හා $2w$ භාරයන් එල්ලා ඇත. බෝ අංකනය භාවිතයෙන් ප්‍රත්‍යා බල සටහන ඇඳ AB, BC, CG, AG, GF හා GB දඬුවල ප්‍රත්‍යාබල ආතතිද, තෙරපුම්ද යන බව දක්වමින් ගණනය කරන්න.

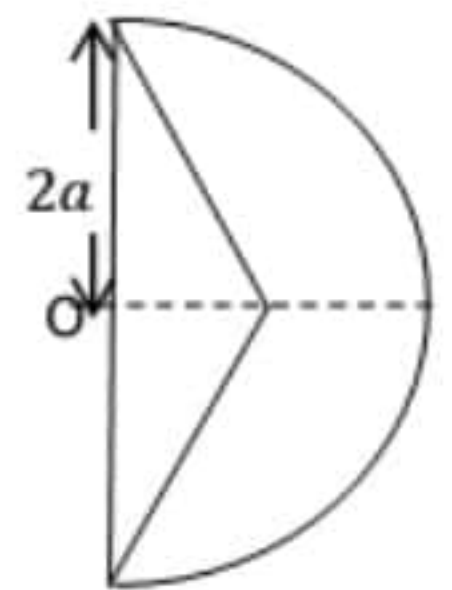


(16) (i) අරය a වන හා කේන්ද්‍රයේ 2α කෝණයක් ආපාතනය කරන වෘත්ත වාපයක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය කේන්ද්‍රයේ

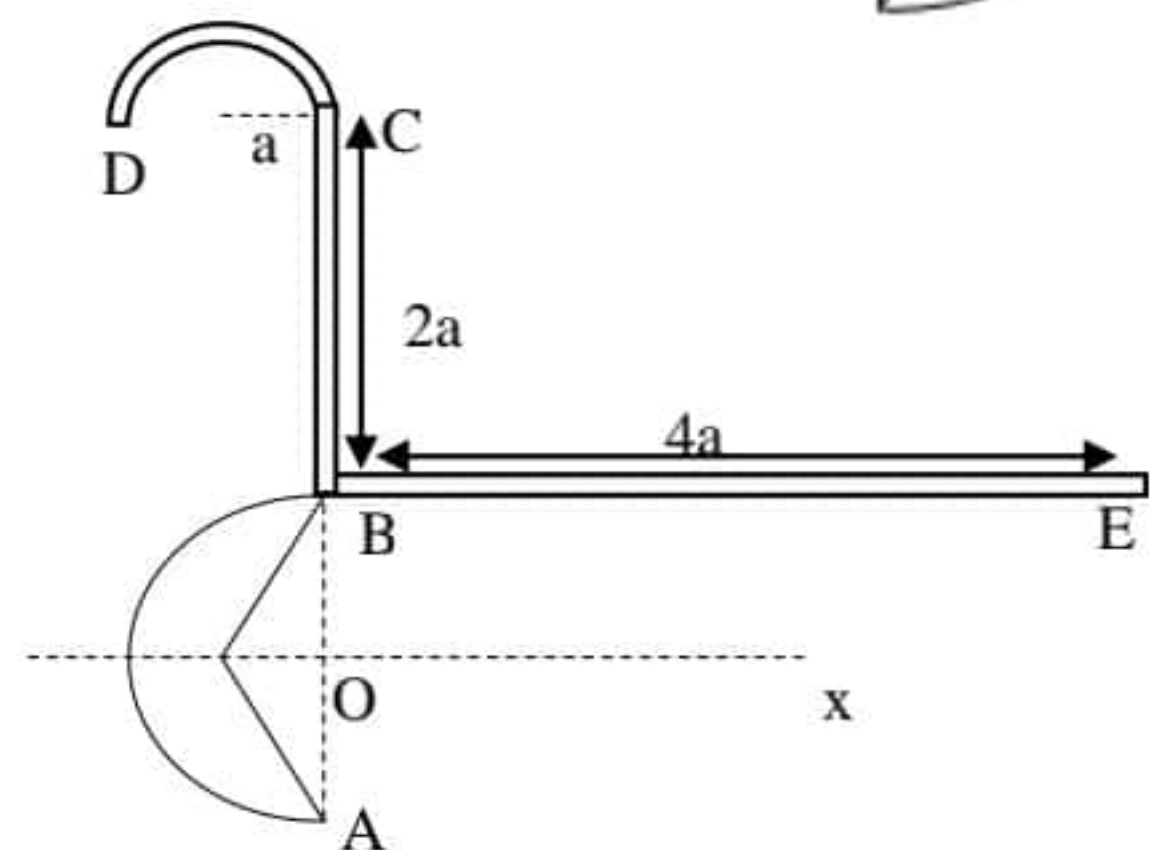
සිට $\frac{a \sin \alpha}{\alpha}$ දුරකින්ද

(ii) පතුලේ අරය a හා උස h වූ ඒකාකාර ඝන සෘජු වෘත්ත කේතුවක ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය පතුලේ කේන්ද්‍රයේ සිට $\frac{h}{4}$ දුරකින්ද පිහිටන බව පෙන්වන්න.

P යනු අරය $2a$ වූ ඒකාකාර ඝන අර්ධ ගෝලයකින් පතුලේ අරය $2a$ හා උස a වන කේතුවක් භාරා ඉවත් කර සාදා ගන්නා ලද ඝන වස්තුවකි. එහි ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය පතුලේ කේන්ද්‍රය වන O සිට $\frac{11a}{12}$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.



රූපයේ දැක්වෙන පරිදි P වස්තුවට එහි පරිධිය මත වූ B ලක්ෂ්‍යයේදී දිග $2a$ වූ BC තුනී ඒකාකාර දණ්ඩක් සවිකර, B හිදී දණ්ඩට දිග $4a$ වූ තුනී ඒකාකාර BE දණ්ඩක්ද අරය a වූ CD ඒකාකාර අර්ධ වෘත්තාකාර කම්බියක්ද දෘඪව සවි කිරීමෙන් නගුලක් සාදා ඇත. P වස්තුවේ, BC දණ්ඩේ, BE දණ්ඩේ හා CD කම්බියේ ඒකක දිගක ස්කන්ධ පිළිවෙළින් $\frac{\rho}{\pi}, a^2\rho, a^2\rho$ හා $\frac{a^2\rho}{\pi}$ ද වේ.



නගුලේ ගුරුත්ව කේන්ද්‍රය OX සිට ඉහළට $\frac{2a}{11\pi}(1 + 7\pi)$ දුරකින් ද, OB සිට $\frac{10a}{33}$ දුරකින් ද පිහිටන බව පෙන්වන්න.

නගුල A ලක්ෂ්‍යයෙන් එල්ලු විට BC දණ්ඩේ සිරසට ආතතිය $\tan^{-1}\left(\frac{5\pi}{3(18\pi+1)}\right)$ බවද පෙන්වන්න.

(17) a) එක්තරා කම්හලක නිපදවන වීදුරු බඳුනක් දෝෂ සඳහා පරීක්ෂා කෙරේ. නිපදවන ඕනෑම බඳුනක වායු බුබුළු තිබීමේ සම්භාවිතාව 0.025 කි. වායු බුබුළු සහිත බඳුනක් පළදු වීමේ සම්භාවිතාව 0.4 වන අතර වායු බුබුළු රහිත බඳුනක් පළදු නොවීමේ සම්භාවිතාව 0.996 කි.

(i) සසම්භාවී ලෙස තෝරාගන්නා ලද බඳුනක් පළදු වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

(ii) සසම්භාවී ලෙස තෝරාගන්නා ලද බඳුනක් පළදු වී තිබේ නම් එය වායු බුබුළු රහිත වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

(iii) බඳුනක පළදු සිදු වීම වායු බුබුළු ඇති වීමෙන් ස්වායක්ත වේද?

b) $\bar{x}$ හා σ_x යනු පිළිවෙළින් $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ දත්ත කුලකයේ මධ්‍යන්‍යය හා සම්මත අපගමනය යැයිද $i = 1, 2, \dots, n$ සඳහා $y_i = \frac{x_i - \alpha}{\beta}$ යැයිද ගනිමු. මෙහි α හා $\beta (> 0)$ තාත්වික නියත වේ. $\bar{y} = \frac{\bar{x} - \alpha}{\beta}$ හා $\sigma_y = \frac{\sigma_x}{\beta}$ බව පෙන්වන්න. මෙහි $\bar{y}$ හා σ_y යනු පිළිවෙළින් $\{y_1, y_2, \dots, y_n\}$ දත්ත කුලකයේ මධ්‍යන්‍යය හා සම්මත අපගමනය වේ.

පහත දක්වා ඇත්තේ වයස අවුරුදු 50 ට වැඩි පුද්ගලයින් වෛද්‍ය ප්‍රතිකාර සඳහා වෛද්‍ය මධ්‍යස්ථානයක් වෙත යොමු කරවීමේ ව්‍යාප්තිය දැක්වෙන සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියකි.

වයස(අවුරුදු)	රෝගීන් ගණන
50-54	3
55-59	7
60-64	15
65-69	30
70-74	41
75-79	35
80-84	5
85-89	4
90-94	2
95-99	8

පන්ති ප්‍රාන්තර වල මධ්‍ය අගය x නම් $d = \frac{x-72}{5}$ පරිණාමනය භාවිතයෙන් මෙම ව්‍යාප්තියෙහි මධ්‍යන්‍යය μ , මධ්‍යස්ථය M_d හා සම්මත අපගමනය σ සොයා කුටිකතා සංගුණකය $K = \frac{3(\mu - M_d)}{\sigma}$ භාවිතයෙන් කුටිකතා සංගුණකය එක් දශම ස්ථානයකට ආසන්න ලෙස ගණනය කරන්න.