





රත්නවලී කුමකා විද්‍යාලය ගම්පහ
Rathnavali Balika Vidyalaya - Gampaha

10

S

I

අනාවරණ පරීක්ෂණය - 2020
Screening Test - 2020 A/L

13 ශ්‍රේණිය
Grade 13

සංයුක්ත ගණිතය - I

කාලය :- පැය 03 කි
Enu

නම : ඇතුළත්වීමේ අංකය පන්තිය :

උපදෙස් :-

- ★ මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ.
- ★ A කොටස (1 - 10) B කොටස (11 - 17)

A කොටස -

- ★ සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සටහා ඇති ඉවෙඩි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම් , ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිතා කළ හැකි ය.

B කොටස -

- ★ ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු සටහා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.
- ★ නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රය , B කොටසෙහි පිළිතුරු පත්‍රයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිව තාර දෙන්න.
- ★ ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරීක්ෂකගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
එකතුව		
ප්‍රතිපත්තිය		

අවසාන ලකුණු

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ	1
	2
අධීක්ෂණය	

★ ප්‍රශ්න සියල්ලටම පිළිතුරු සපයන්න.

Enu

- (01) ගණිත අභිව්‍යාසන මූලධර්මය භාවිතයෙන් සියලුම n වන නිශ්චල සඳහා
 $1 + 2 + 3 + \dots + n < \frac{1}{8} (2n + 1)^2$ බව සාධනය කරන්න.

- (02) $|2x + 3|$ හා $y = 2|x| + x + 1$ හි ප්‍රස්ථාරවල දළ සටහන් අඳින්න.
එනමින් $|2x + 3| > 2|x| + x + 1$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලුම තෘණමිත අගයන් සොයන්න.

- (03) $a, b, c, d > 0$ සහ $a, b, c, d \neq 1$ වුව, $\log_a b \cdot \log_b c \cdot \log_c d \cdot \log_d a = 1$ බව පෙන්වන්න. එමගින් $\log_4 9 \cdot \log_{27} 125 \cdot \log_{25} 49 \cdot \log_7 16$ හි අගය සොයන්න.

Enu

- (04) $\sum_{r=1}^n 4r^3 + 2r^2 + r$ හි අගය සොයන්න.

(05) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \sin x}{2 \sin^2 3x - x^2 \cos x} = \frac{1}{17}$ බව පෙන්වන්න.

(06) $y = \frac{1}{\sqrt{(x+2)(x+1)}}$, $x=0$, $x=1$ හා $y=0$, වක්‍ර මගින් ආවෘත වන පෙදෙස , x - අක්ෂය වටා භ්‍රමයෙන් 2π චලිතේ භ්‍රමණය කරනු ලබයි. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුවේ පරිමාව සොයන්න.

- (07) x හි කුලීත අගයන් සඳහා $y = x^3 - 6x^2 + 9x + 1$ හා $y = 24x$ යන චක්‍රයන්හි ඒකරාශීකරණය **Enu** සමාන්තර වේ ද ?

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- (08) ABCD සමාන්තරාස්‍රයක $C(4, 3)$ ද $D(-1, 3)$ ද වේ. BC හි සමීකරණය $y - 2x + 5 = 0$ හා BC හි දිග $\sqrt{20}$ නම් ද, B පිහිටා ඇත්තේ 4 වන වෘත්ත සාදා ඇත්තේ නම් ද විකර්ණ ඔස්සේ ලක්ෂ්‍යයක් බෙදීමක් සොයන්න.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- (09) $x - y = 0$ සහ $7x - y = 0$ සරල රේඛා දෙකම ස්පර්ශ වන පේ මූලමතීන්ම පළමුවන වෘත්ත **Enu** පාදයෙහි පිහිටි අරය ඒකක $2\sqrt{2}$ වන වෘත්තයෙහි සම්පර්ශය සොයන්න.

- (10) $7A = \pi$ නම්, $\cos 3A = -\cos 4A$ බව පෙන්වා, $\cos A \cdot \cos 2A \cdot \cos 3A = \frac{1}{8}$ බව පෙන්වන්න.



රත්නාවලි බාලිකා විද්‍යාලය - ගම්පහ

10 S I

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර උසස් පෙළ විභාගය - 2020

ඇගයීම් පරීක්ෂණය

සංයුක්ත ගණිතය I

13 ශ්‍රේණිය

Enu

B - කොටස

★ ප්‍රශ්න 5 කට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

- (11) (a) $f(x) = x^2 + 2kx + k + 2$, $x \in \mathbb{R}$ හා k යනු නියතයකි.
 (i) x හි සියලුම අගයන් සඳහා $f(x)$ ධන වන k හි අගය පරාසය සොයන්න.
 (ii) $f(x) = 0$ සමීකරණයේ මූල අතර වෙනස 4 වන පරිදි වූ k හි අගයන් නිර්ණය කරන්න.
- (b) $ax^2 + bx + c$ යන්න, p හා q හි අගයන් a, b, c ඇසුරෙන් දෙමින් $a[(x+p)^2 + q]$ ආකාරයට ප්‍රකාශ කරන්න.
 $ax^2 + bx + c$ ට $x = -\frac{1}{3}$ දී එහි අවම අගය වන $(-q)$ ඇත. $ax^2 + bx + c = 0$ හි මූලවලින් එකක් $\frac{8}{3}$ වේ. a, b, c සොයන්න.
- (12) (a) පාසැලක සිසුන් දොළොස් දෙනෙකු අතරින් සිසුන් 4 දෙනෙක් පමණක් ඇතුළත් වන සේ පරිසර කමිටුව තෝරා ගත යුතුව ඇත. නුවන් සහ රුවන් මෙම දොළොස් දෙනා අතර සිටිති. අහඹු දැක්වෙන එක් එක් අවස්ථා සඳහා කණ්ඩායම තෝරාගත හැකි ආකාර ගණන සොයන්න.
- (i) නුවන් සහ රුවන් යන දෙදෙනාම කණ්ඩායමට ඇතුළත් වන සේ
 (ii) නුවන් හෝ රුවන් යන දෙදෙනාගෙන් එක් අයෙක් පමණක් කණ්ඩායමට ඇතුළත් වන සේ
 (iii) නුවන් සහ රුවන් කණ්ඩායමට ඇතුළත් නොවන සේ

- (b) සියලු තත්වික x සඳහා $12x^2 + 1 = A(2x - 1)^3 + B(2x + 1)^3$ වන පරිදි A, B නියත සොයන්න. එනමින්, $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r = f(r) - f(r+1)$ වන පරිදි $f(r)$ නිර්ණය කරන්න.

$$\text{මෙහි } U_r = \frac{12r^2 + 1}{(2r - 1)^3(2r + 1)^3} \quad \text{වේ.}$$

$$\sum_{r=1}^n U_r = \frac{1}{2} - \frac{1}{2(2n+1)^3} \quad \text{බව පෙන්වන්න.}$$

$$\sum_{r=1}^{\infty} U_r \quad \text{ශ්‍රේණිය අභිසාරී බව පෙන්වා} \quad \sum_{r=1}^{\infty} U_r \quad \text{හි අගය සොයන්න.}$$

(13) (a) $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 3 & -2 \end{pmatrix}$ හා $B = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & a \\ 2 & b \end{pmatrix}$ යැයි ගනිමු.

මෙහි $a, b \in \mathbb{R}$ $P = AB$ මගින් අර්ථ දක්වන P න්‍යාසය a හා b ඇසුරින් සොයන්න.

$3P \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = 8 \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$ නම් a සහ b හි අගයන් සොයන්න. a හා b මෙම අගයන් ගන්නා විට P^{-1} නොපවතින බව පෙන්වන්න.

a හා b මෙම අගයන් සඳහා $Q = 6P + I$ යැයි ගනිමු. මෙහි I යනු ගණය 2 වන ඒකක න්‍යාසයයි.

Q^{-1} ලියා දක්වා $AA^T - 8Q^{-1} = R$ වන පරිදි R න්‍යාසය සොයන්න.

(b) (i) Z යනු සංකීර්ණ සංඛ්‍යාවක් වන විට, $|Z|^2 = Z\bar{Z}$ බව පෙන්වන්න.

$|Z-1|^2 + |Z+1|^2 = 4$ වන Z හි පර්ය ආගන්ති සටහනේ නිරූපණය කරන්න.

$\text{Arg}(Z+1) = \frac{\pi}{4}$ වන පර්ය ද එම සටහනෙන්ම දක්වන්න. මෙම සමීකරණ 2 ම සපුරාලන Z සංකීර්ණ සංඛ්‍යාව කාර්ටීසිය ආකාරයෙන් සොයන්න.

(ii) ද සුඛාවර් ප්‍රමේයය ප්‍රකාශ කරන්න.

$Z = 1 - \sqrt{3}i$ නම්, ද සුඛාවර් ප්‍රමේයය භාවිතයෙන් $Z^8 = -128 - 128\sqrt{3}i$ බව පෙන්වන්න.

(14) (a) $x \neq -1$ හා $x \neq 2$ සඳහා $f(x) = \frac{3x+6}{(x-2)(x+1)}$ යැයි ගනිමු.

$x \neq -1$ හා $x \neq 2$ සඳහා $f(x)$ හි ව්‍යුත්පන්නය,

$$f'(x) = \frac{-3x(x+4)}{(x-2)^2(x+1)^2} \quad \text{මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.}$$

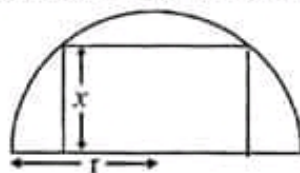
ස්පර්ශකේන්ද්‍රික හා හැරුම් ලක්ෂ්‍ය දක්වමින් $y = f(x)$ ප්‍රස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න.

(b) අරය r වූ අර්ධ වෘත්තාකාර සහස්‍රපතින් රූපයේ පරිදි සාප්පෝණාසයක් කපා ගත යුතුව ඇත. සාප්පෝණාසයේ පළල x යැයි ගෙන එහි වර්ගඵලය A යන්න. $A = 2x\sqrt{r^2 - x^2}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

සාප්පෝණාසයේ වර්ගඵලය උපරිම වන පරිදි

x හි අගය සොයන්න.

උපරිම වර්ගඵලය සොයන්න ද ?



(15) (a) $1 + \tan x \cos x = 0$ ආදේශයෙන් $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \frac{\tan x}{1 + \cos x} dx = \ln \frac{3}{2}$ බව පෙන්වන්න.

(b) කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්, $\int x^2 \ln(1+x^2) dx$ සොයන්න.

(c) $\frac{\sin^2 x}{2 + \cos x} = A + B \cos x + \frac{C}{2 + \cos x}$ වන පරිදි A, B, C නියත සොයන්න.

එනමින්, $\int \frac{\sin^2 x}{2 + \cos x} dx$ සොයන්න.

- (16) (a) l හා l' නැගෙන ප්‍රතිකර්මයේ දී දී ඇති සරල රේඛා 2 ක සමීකරණ පිළිවෙලින් $ax + by + c = 0$ සහ $a'x + b'y + c' = 0$ වේ. λ හා λ' අභිමත නියත නම් $\lambda(ax + by + c) + \lambda'(a'x + b'y + c') = 0$ යන සමීකරණය l හා l' හි දී දී ඇති ලක්ෂ්‍ය තරණය යන සරල රේඛාවක් නිරූපණය කරන බව පෙන්වන්න.

l හා l' සමඟ මූල ලක්ෂ්‍යය තරණය යන රේඛාවලින් සමාන්තරාස්‍රයක් සෑදේ නම් විකර්ණවල සමීකරණය සොයා සමාන්තරාස්‍රය රොම්බසයක් වීමට අවශ්‍යතාව සොයන්න.

- (b) $x = 0$, $x = 2$, $y = 0$, $y = 2$ යන සියලු රේඛා ස්පර්ශ කරන වෘත්තයෙහි සමීකරණය ලියන්න.
 $2m(1 - c) = c(c - 2)$ නම්, $y = mx + c$ රේඛාව මෙම වෘත්තය ස්පර්ශ කරන බව පෙන්වන්න.
 $(8, -10)$ ලක්ෂ්‍යයේ සිට මෙම වෘත්තයට අදින ස්පර්ශකවල සමීකරණයන්, දිගත් සොයන්න.

- (17) (a) $\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$ සර්වසාම්‍ය භාවිත කරමින් හෝ අන්ත්‍රමයකින්
 $\cos^6 \theta + \sin^6 \theta = a + b \cos 4\theta$ හි a හා b නියත නිරූපණය කරන්න.
එනමින් හෝ අන්ත්‍රමයකින් හෝ $y = 8(\cos^4 x + \sin^4 x)$ හි දළ ප්‍රස්ථාරයක් අඳින්න.

- (b) ඡායාමය ABC ත්‍රිකෝණයෙන් සඳහා පුපුරුදු අංකනයෙන් සහිත නිසිය භාවිත කරමින්
 $a(b - c) \operatorname{cosec} \frac{A}{2} \cot \frac{A}{2} = (b + c)^2 \tan \frac{(B - C)}{2} \sec \frac{(B - C)}{2}$ බව පෙන්වන්න.

- (c) (i) $2 \tan^{-1} \left(\frac{1}{5} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{5}{12} \right)$
(ii) $2 \tan^{-1} \left(\frac{5}{12} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{120}{119} \right)$
(iii) $\tan^{-1} \left(\frac{120}{119} \right) - \frac{\pi}{4} = \tan^{-1} \left(\frac{1}{239} \right)$ බව පෙන්වන්න.
(iv) $4 \tan^{-1} \left(\frac{1}{5} \right) - \tan^{-1} \left(\frac{1}{239} \right) = \frac{\pi}{4}$ බව අපෝහනය කරන්න.

